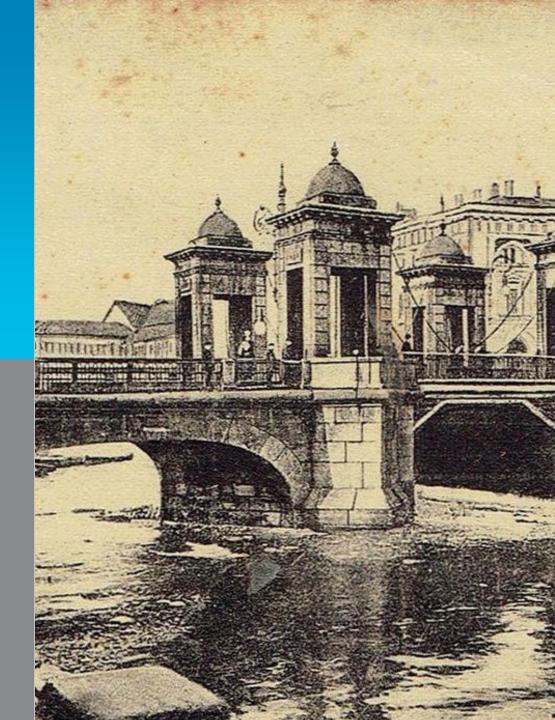


## ВЗАИМОДЕЙСТВИЕ ДКП И БЮДЖЕТНОЙ ПОЛИТИКИ

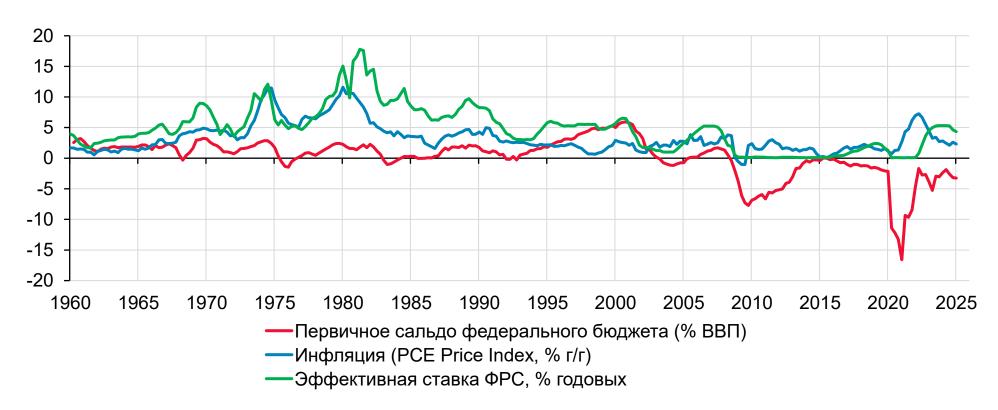
**Валерий Смирнов**Департамент денежно-кредитной политики

Летняя школа 30 июня 2025 года





#### Банк России ДКП и бюджетная политика в США



- **GFC**: крупные бюджетные стимулы с последующей консолидацией. Инфляция ниже цели, несмотря на мягкую ДКП
- **COVID 19:** бюджетные стимулы 2х от GFC, отсутствие бюджетной консолидации + запоздалая реакция ДКП = высокая инфляция



#### Банк России ДКП и бюджетная политика в России



- **2016-2019 гг.**: жесткая ДКП и бюджетная политика, результат стабильно низкая инфляция на цели.
- **COVID**: Бюджетные стимулы в COVID, недостаточно быстрая реакция ДКП на рост инфляции
- 2023-2025 гг.: повышенное инфляционное давление, несмотря на высокие реальные ставки

<sup>\*</sup>Ставка MIACR (2003-09 гг.) + RUONIA (2010-25 гг.).



		БП	
		Пассивная	Активная
ДКП	Пассивная	(PM/PF) Множественность равновесий	( <b>PM/AF)</b> FTPL
	Активная	(AM/PF) Единственное стабильное решение	(AM/AF) Отсутствие стабильного решения
		Стандартные макро модели	

## Банк России Простейшая модель (1/3)

Стандартная NK модель a la Woodford, 2003 (IS, кривая Филлипса, правило Тейлора):

$$y_t = -\sigma^{-1}(i_t - E_t \pi_{t+1}) + E_t y_{t+1}$$
$$\pi_t = k y_t + \beta E_t \pi_{t+1}$$
$$i_t = \varphi \pi_t + u_t^m$$

- В этих 3 уравнениях БП остается за кадром, не оказывая какого-либо влияния на основные макро переменные
- Это верно лишь в том случае, если БП остается пассивной (рикардианской)
- Расширим базовую модель за счет уравнений, описывающих динамику дефицита и долга, и рассмотрим общий случай взаимодействия ДКП и БП



Рассмотрим простейшую модель с гибкими ценами ( $k \to +\infty$ ). В этом случае исходные 3 уравнения сводятся к двум (уравнение Фишера, правило Тейлора):

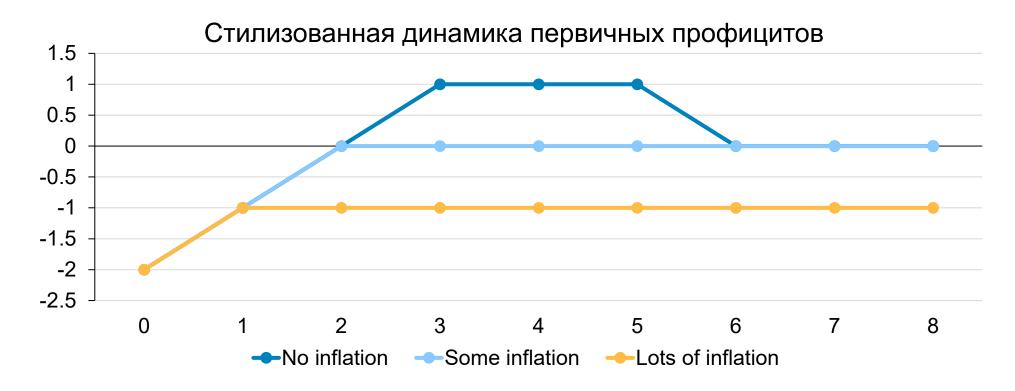
$$i_t = E_t \pi_{t+1}$$
$$i_t = \varphi \pi_t + u_t^m$$

- Динамика долга  $B_t$  описывается уравнением  $B_{t-1} = P_t s_t + Q_t B_t$ , где  $s_t$  реальный первичный профицит,  $P_t$  – уровень цен,  $Q_t = (1+i_t)^{-1} = \beta E_t \frac{P_t}{P_{t+1}}$  – цена облигации
- Решая это уравнение вперед и накладывая условие трансверсальности  $\lim_{T\to +\infty} E_t\left(\beta^T \frac{B_{T-1}}{P_T}\right) = 0$ , имеем

$$\frac{B_{t-1}}{P_t} = E_t \sum_{j=0}^{\infty} \beta^j s_{t+j}$$

Правая часть уравнения – сумма ожидаемых дисконтированных будущих профицитов, задающая уровень цен  $P_t$  (поскольку  $B_{t-1}$  фиксировано в момент t). Это уравнение задает основную логику FTPL в ситуации гибких цен



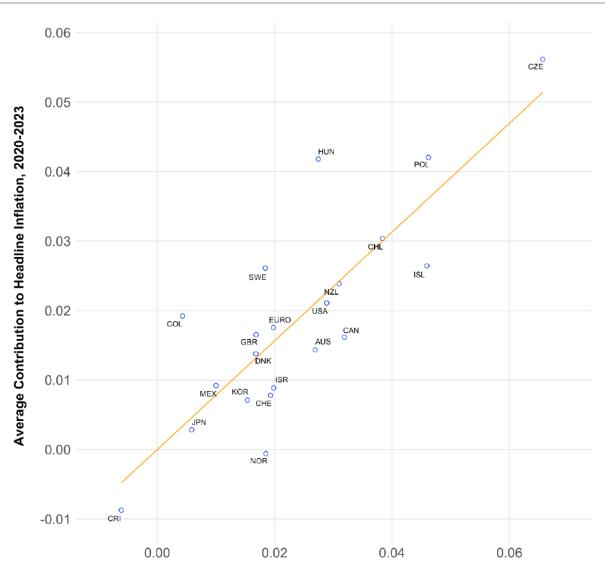


- Основное уравнение FTPL аналогично модели оценки акции: текущий уровень цен определяется дисконтированной суммой будущих выплат
- Основная критика FTPL: трактовка межвременного бюджетного ограничения правительства не как тождественного равенства, а как условия равновесия (Buiter, 2002)
- Этот тезис оспаривается в Cochrane (2007), выводя это соотношение в т.ч. из условия равновесия  $C_t = Y_t$



## Бюджетные стимулы и инфляция

Barro et al. (2023)



**Composite Government Spending Variable** 

## 💫 Банк России Простейшая модель (3/3)

• Пусть  $v_t = ln \frac{Q_t B_t}{P_t}$  – логарифм рыночной стоимости госдолга в реальном выражении. Тогда исходное уравнение для динамики госдолга при лог-линеаризации имеет вид

$$\beta v_t = v_{t-1} + i_{t-1} - \pi_t - s_t$$

- Чтобы закрыть модель, нужно задать процесс для динамики реального первичного профицита (нормированного на SS реального долга)  $s_t$
- В простейшем случае обычно полагается, что  $s_t = \gamma v_{t-1} + u_t^f$ . В этом случае правительство корректирует дефицит бюджета, исходя из госдолга в прошлом периоде
- Эти 4 уравнения для  $\{i_t, \pi_t, s_t, v_t\}$  задают простейшую модель, описывающую взаимодействие ДКП и БП



## Банк России AM/PF — простейшая модель (1/2)

(гибкие цены, однопериодный долг)

- Уравнение  $E_t \pi_{t+1} = \varphi \pi_t + u_t^m$  имеет множество решений вида  $\pi_t = \varphi \pi_{t-1} + u_{t-1}^m + \delta_t$
- При  $|\phi| > 1$  (активная ДКП) единственное стабильное решение задается как

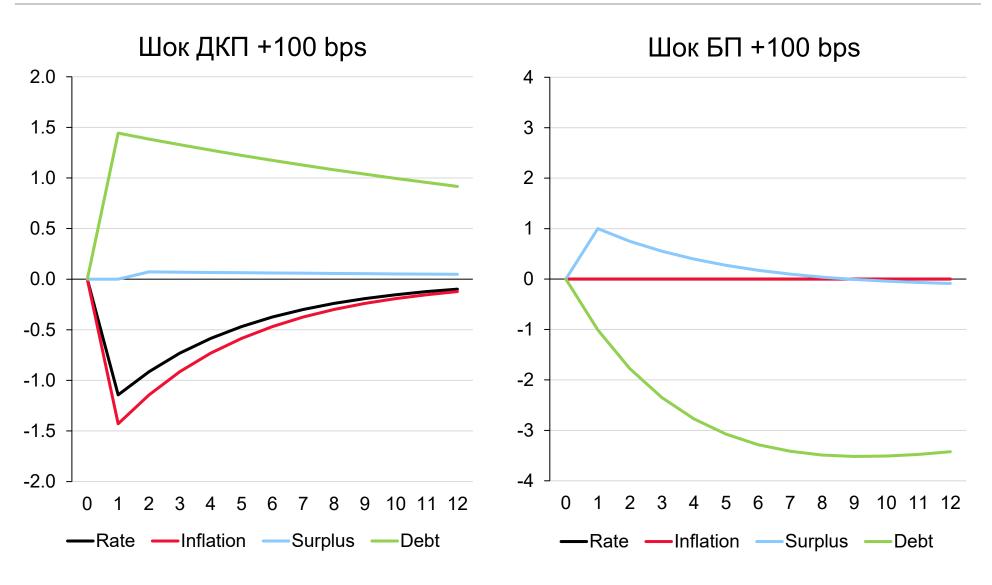
$$\pi_t = \frac{1}{\rho_m - \varphi} u_t^m$$

- В этом случае инфляция определяется исключительно ДКП и не зависит от проводимой БП. Это соответствует логике стандартных макро NK моделей с поправкой на случай гибких цен
- БП в этом случае находится в пассивном режиме, корректируя ожидаемый уровень будущих профицитов таким образом, чтобы не оказывать влияние на уровень цен



## Банк России AM/PF — простейшая модель (2/2)

(гибкие цены, однопериодный долг)





## 💫 Банк России РМ/АF — простейшая модель (1/3)

(гибкие цены, однопериодный долг)

- Рассмотрим теперь случай пассивной ДКП ( $|\varphi| < 1$ ) и активной БП ( $|1 \gamma| > \beta$ )
- Тогда можно решить вперед уравнение для долга

$$v_t = \frac{\rho_f}{1 - \gamma - \beta \rho_f} u_t^f$$

Инфляция есть функция от лага ставки и шока БП

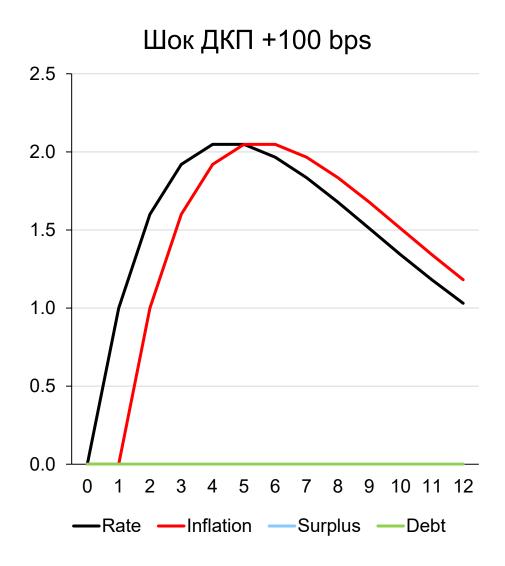
$$\pi_t = i_{t-1} - \frac{1 - \gamma}{1 - \gamma - \beta \rho_f} \left( u_t^f - \rho_f u_{t-1}^f \right)$$

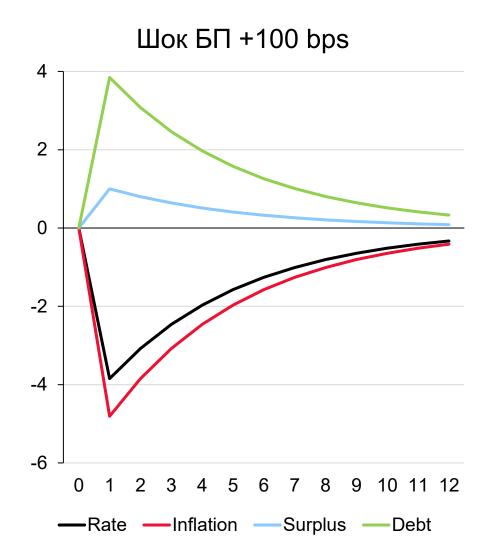
В этом случае механизм инфляционных процессов совершенно другой: номинальная ставка задает ожидаемый уровень инфляции (уравнение Фишера  $i_t = E_t \pi_{t+1}$ ), а «sunspots» процесса  $\pi_t$  определяются БП



## Банк России РМ/АГ – простейшая модель (2/3)

(гибкие цены, однопериодный долг)

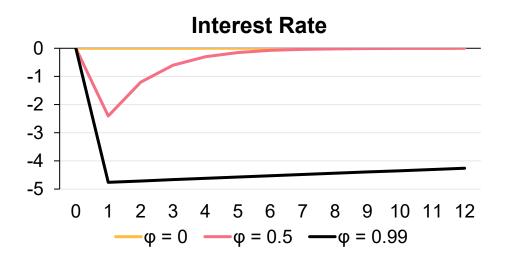


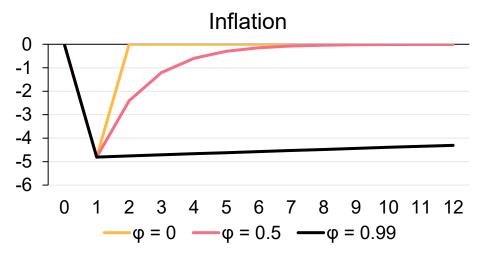




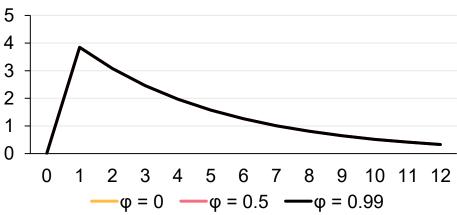
#### Банк России PM/AF — простейшая модель (3/3)

(гибкие цены, однопериодный долг)

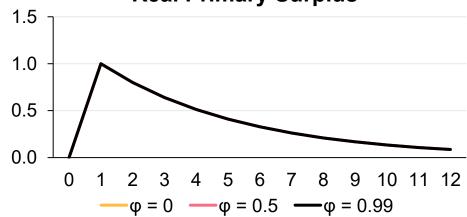




#### **Real Market Value of Debt**









В общем случае весь госдолг не является однопериодным. Тогда уравнение для динамики госдолга имеет вид

$$B_{t-1}^{t} = P_{t}s_{t} + \sum_{j=1}^{\infty} Q_{t}^{t+j} \left( B_{t}^{t+j} - B_{t-1}^{t+j} \right)$$

- Здесь  $B_t^{t+j}$  количество облигаций в момент времени t и датой погашения t+j,  $Q_t^{t+j}=$  $eta^j E_t \left( rac{P_t}{P_{t+i}} 
  ight)$  – соответствующая цена облигации
- Тогда уравнение, связывающее реальный долг с будущими профицитами, имеет вид

$$\frac{\sum_{j=0}^{\infty} Q_t^{t+j} B_{t-1}^{t+j}}{P_t} = E_t \sum_{j=0}^{\infty} \beta^j s_{t+j}$$

Разница с моделью с краткосрочным долгом состоит в том, что теперь изменение правой части может быть компенсировано за счет цен длинных бондов (будущей инфляции), а не изменением текущего уровня цен



- На практике обычно рассматривается случай геометрической структуры госдолга  $B_{t-1}^{t+j} =$  $\omega^j B^t_{t-1}$ . При  $\omega=0$  получается рассмотренный ранее случай однопериодного долга
- В этом случае лог-линеаризованные уравнения, описывающие БП, имеют вид

$$\beta v_t = v_{t-1} + r_t^n - \pi_t - s_t$$
$$r_{t+1}^n = \omega q_{t+1} - q_t$$
$$E_t r_{t+1}^n = i_t$$

Здесь  $r_t^n$  – доходность портфеля госбондов,  $q_t$  – логарифм его стоимости. Второе уравнение задает связь доходности и цены портфеля, третье – условие, что его ожидаемая доходность равна ставке  $i_t$ 



Динамика инфляции и процентной ставки по-прежнему определяется из решения уравнения  $E_t \pi_{t+1} = \varphi \pi_t + u_t^m$ 

$$\pi_t = \frac{1}{\rho_m - \varphi} u_t^m$$

$$i_t = \frac{\rho_m}{\rho_m - \varphi} u_t^m$$

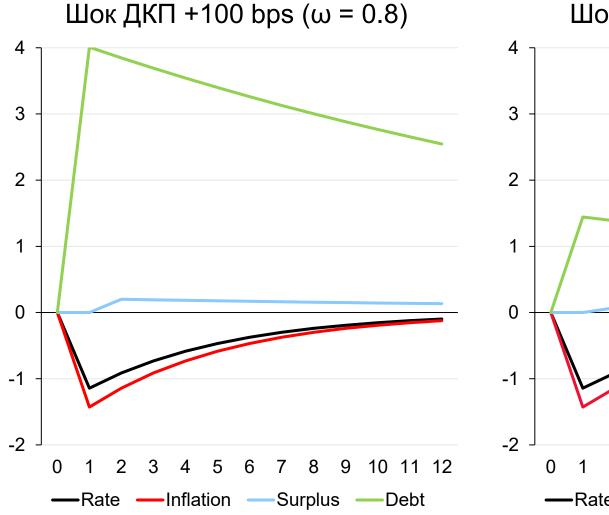
Цена портфеля – функция от шока ДКП

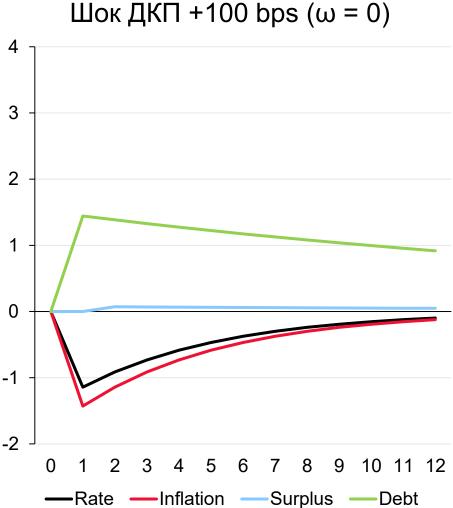
$$q_t = -\frac{\rho_m}{(\rho_m - \varphi)(1 - \omega \rho_m)} u_t^m$$

Отсюда выражается ex-post доходность портфеля  $r_t^n$ 

$$r_t^n = -\frac{\omega \rho_m}{(\rho_m - \varphi)(1 - \omega \rho_m)} u_t^m + \frac{\rho_m}{(\rho_m - \varphi)(1 - \omega \rho_m)} u_{t-1}^m$$









Значение рыночной стоимости реального долга по-прежнему определяется шоком бюджетной политики:

$$v_t = \frac{\rho_f}{1 - \gamma - \beta \rho_f} u_t^f$$

Динамика инфляции определяется инерцией, ДКП и БП:

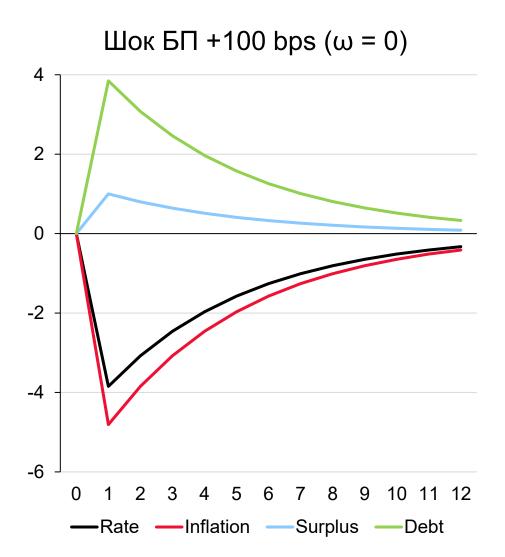
$$\pi_{t} = \varphi \pi_{t-1} + \frac{u_{t-1}^{m} - \omega u_{t}^{m}}{1 - \omega \rho_{m}} - \frac{(1 - \gamma)(1 - \varphi \omega)}{1 - \gamma - \beta \rho_{f}} \left( u_{t}^{f} - \rho_{f} u_{t-1}^{f} \right)$$

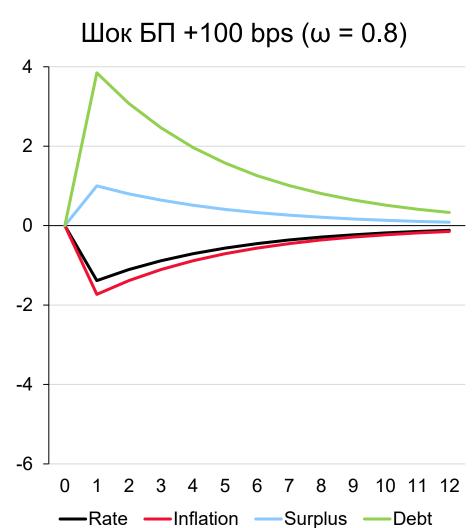
Ожидаемая часть инфляции по-прежнему равна  $E_{t-1}\pi_t = \varphi \pi_{t-1} + u_{t-1}^m$ , а неожиданная  $\pi_t - E_{t-1}\pi_t$  задается «сюрпризами» ДКП и БП:

$$\pi_t - E_{t-1}\pi_t = -\frac{\omega}{1 - \omega \rho_m} (u_t^m - \rho_m u_{t-1}^m) - \frac{(1 - \gamma)(1 - \varphi \omega)}{1 - \gamma - \beta \rho_f} \left( u_t^f - \rho_f u_{t-1}^f \right)$$

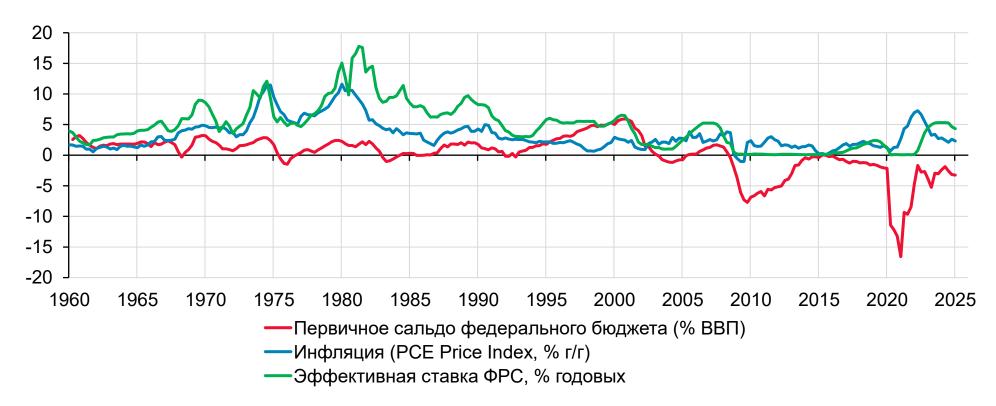
Отсюда видно, что при удлинении структуры долга (росте  $\omega$ ) влияние шоков БП на инфляцию уменьшается











- Рассмотренные модели предполагали фиксацию режимов ДКП и БП. На длинной истории это не так
- ДКП в США была пассивной в 60-70 гг. (Clarida et al., 2000), т.е. принцип Тейлора не выполнялся. Переход к активной ДКП состоялся при Поле Волкере
- БП в XX веке рикардианская (Bohn, 1998). Такой она, вероятно, оставалась до недавнего времени



- McClung (2021) и Ascari et al. (2017) рассматривают вариант модели с марковским переключением режимов и выводят необходимое и достаточное условие на параметры модели, при котором БП является рикардианской
- Модель имеет вид

$$i_{t} = E_{t}\pi_{t+1}$$

$$b_{t} = \beta^{-1}(b_{t-1} - \pi_{t}) + i_{t} - \tau_{t}$$

$$i_{t} = \varphi^{s_{t}}\pi_{t} + u_{t}^{m}$$

$$\tau_{t} = \gamma^{s_{t}}b_{t-1} + u_{t}^{f}$$

Вероятности сохранения режима в момент t равны

$$p_M = P(s_t = M | s_{t-1} = M), p_F = P(s_t = F | s_{t-1} = F)$$

Пусть  $p_M + p_F > 1$ ,  $h_M = \beta^{-1} - \gamma^M$ ,  $h_F = \beta^{-1} - \gamma^F$ . БП является рикардианской тогда и только тогда, когда одновременно выполняются 2 условия:

$$(p_M + p_F - 1)h_M^2 h_F^2 < 1$$

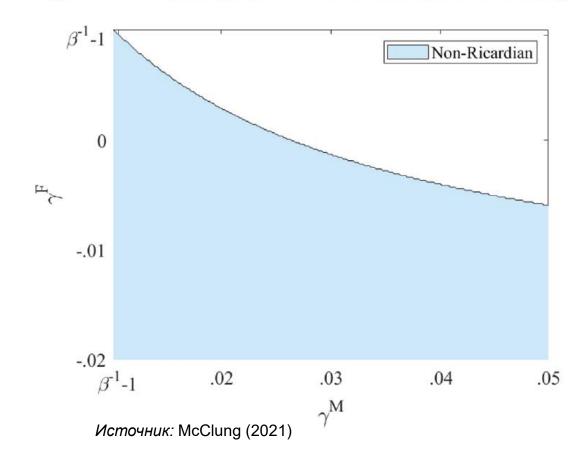
$$p_M h_M^2 (1 - h_F^2) + p_F h_F^2 (1 - h_M^2) + h_F^2 h_M^2 < 1$$



#### Для того, чтобы БП была рикардианской:

- 1. периоды активной БП должны быть достаточно краткосрочными/умеренными (низкая  $p_F$  или высокая  $\gamma^F$ )
- 2. пассивной продолжительными и сильными (высокие  $p_M$  и  $\gamma^M$ )

Figure 1. Ricardian vs. Non-Ricardian Policy



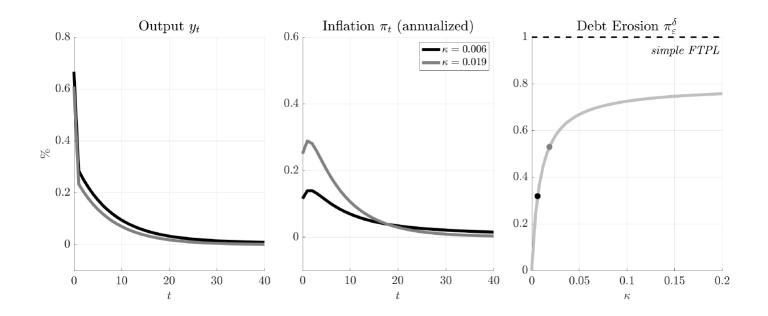


#### Банк России HANK meets FTPL (1/3) Angeletos et al. (2024)

- В рассмотренных ранее RANK моделях БП может влиять на выпуск и инфляцию через выбор соответствующего равновесия
- Переход от RANK к HANK (каждое д/х выживает в данном периоде с вероятностью  $\omega$ ) позволяет бюджетным дефицитам влиять на выпуск и инфляцию через стандартный нерикардианский канал за счет переноса налоговой нагрузки на будущее поколение (Angeletos et al. (2024))
- Несмотря на разницу в механизмах влияния БП на инфляцию, результаты HANK оказываются во многом сопоставимыми с RANK-FTPL
- В HANK влияние расширения дефицита оказывается более front-loaded за счет меньшего коэффициента дисконтирования



#### Банк России HANK meets FTPL (2/3) Angeletos et al. (2024)

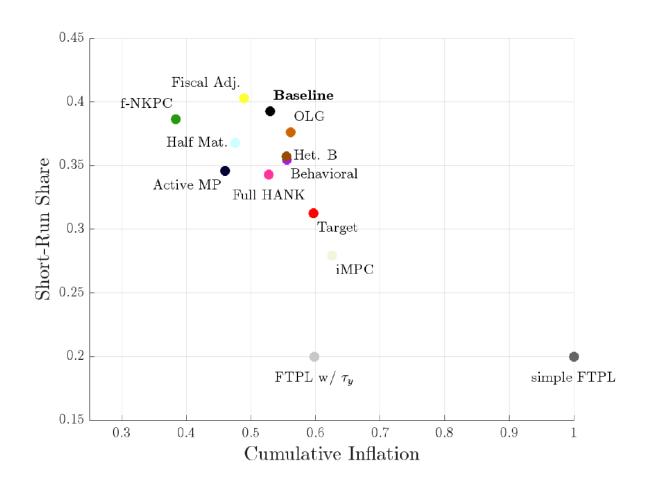


- Левый и средний графики показывают IRFs выпуска и инфляции на шок дефицита бюджета, правый – совокупный проинфляционный эффект при разных значениях наклона кривой Филлипса k по сравнению с FTPL
- При "разумных" значениях параметра k он оказывается примерно в 2 раза меньше, чем в простейшей FTPL модели



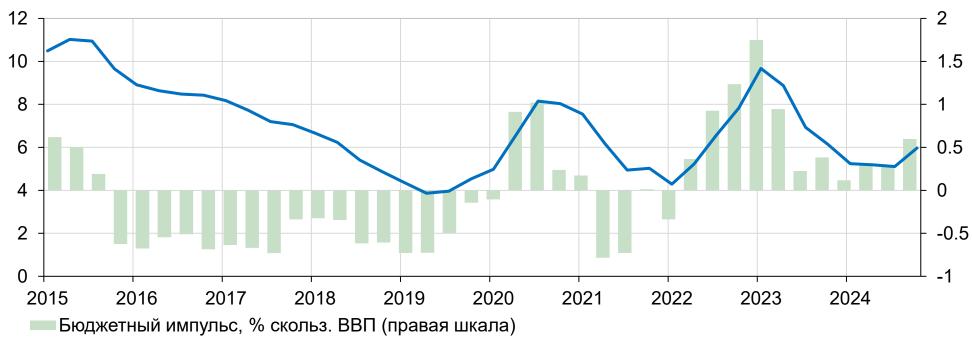
# Банк России HANK meets FTPL (3/3) Angeletos et al. (2024)

- Для большинства моделей кумулятивные эффекты оказываются примерно в 2 раза меньше простой FTPL модели
- При этом влияние расширения дефицита оказывается более front-loaded





# Бюджетная и монетарная политики в КПМ<sup>\*</sup> Банка России (1/2)



- Первичный ненефтегазовый дефицит консолидированного федерального бюджета, % скольз. ВВП
- Бюджетная политика моделируется с учетом структуры бюджетной системы в России
- Суммарные дискреционные отклонения бюджетных расходов и доходов от значений, предполагаемых моделью – вклад бюджета в разрыв выпуска



